Radar Science and Technology

DOI:10.3969/j.issn.1672-2337.2016.01.001

基于 PHD 的多目标检测前跟踪改进方法

柳 超^{1,2},关 键¹,黄 勇¹,王国庆³

(1. 海军航空工程学院电子信息工程系,山东烟台 264001;

2. 中国人民解放军 92853 部队, 辽宁葫芦岛 125106;

3. 海军航空工程学院信息融合技术研究所,山东烟台 264001)

摘 要:基于概率假设密度粒子滤波的多目标检测前跟踪方法(PF-PHD-TBD)存在目标数目估计不 准确、状态估计精度不高等问题。借鉴 Rao-Blackwellised 粒子滤波(RBPF)将目标的状态空间进行降维分 解,分别采用线性与非线性滤波器进行跟踪的思想,在 PF-PHD-TBD 的预测与更新过程中采用 RBPF 方法, 以最优卡尔曼滤波对目标速度分量进行处理,以粒子滤波对位置分量进行处理,显著降低了运算复杂度,相 比仅使用粒子滤波时过分依赖目标位置信息的缺点,充分利用了位置与速度之间的关联特性,提高了目标 数目估计的准确度和状态估计的精度。最后用仿真实验验证了所提方法的有效性。

关键词: Rao-Blackwellised 粒子滤波; 概率假设密度滤波; 多目标检测前跟踪; 线性状态; 非线性状态 中图分类号: TN953; TN957 文献标志码: A 文章编号: 1672-2337(2016)01-0001-06

An Improved Multitarget Track-Before-Detect Algorithm Based on Probability Hypothesis Density Filter

LIU Chao^{1,2}, GUAN Jian¹, HUANG Yong¹, WANG Guoqing³

(1. Department of Electronic and Information Engineering, Naval Aeronautical and Astronautical University, Yantai 264001, China; 2. Unit 92853 of PLA, Huludao 125106, China; 3. Research Institute of Information Fusion, Naval Aeronautical and Astronautical University, Yantai 264001, China)

Abstract: The particle probability hypothesis density filter based track-before-detect (PF-PHD-TBD) always exhibits poor performance in the estimation of targets' number and state. In consideration of the Rao-Blackwellised particle filter (RBPF) usually dividing targets' state dimensions and independently estimating the linear/nonlinear state component with linear/nonlinear filters, we apply RBPF in the predicting and updating steps in PF-PHD-TBD to estimate the speed component with optimal Kalman filter and the position component with particle filter, which apparently reduces the computation complexity, and enhances the accuracy of the estimation of the targets' number and precision of states, due to making full use of the correlation characteristics between speed and position. Finally, simulation shows the efficiency of the proposed method.

Key words: Rao-Blackwellised particle filter; probability hypothesis density filter; multitarget track-before-detect; linear states; nonlinear states

0 引 言

多目标检测前跟踪问题是当前微弱目标检测 和数据融合领域研究的热点和难点问题,其难点 主要体现在多目标环境下往往需要复杂的数据关 联^[1-2]。文献[3]提出了一种基于粒子滤波的多目 标检测前跟踪方法,虽然可以避免数据关联,但是 当目标数大于2个时,状态转移矩阵的讨论和计算 都变得非常复杂,很难推广应用到目标数更多的 场合。

近年来,基于有限集统计学理论(Finite Set Statistics Theory, FISST)的多传感器多目标跟踪 方法得到了快速发展。这种方法通过随机有限集 建模并利用集合的微积分运算推导出最优多目标 贝叶斯滤波器,成功地规避了数据关联所带来的 困难和麻烦。2003年,Mahler提出了概率假设密度 (Probability Hypothesis Density, PHD)滤波器^[4],其

收稿日期: 2015-06-06; 修回日期: 2015-08-17

基金项目: 国家自然科学基金(No. 61201445, 61179017); "泰山学者"建设工程经费资助项目

实质是随机集多目标状态在其后验概率密度下的一阶矩,相比最优多目标贝叶斯滤波器,PHD滤波器的运算复杂度有很大降低;之后,Vo给出了PHD滤 波器的两种收敛实现方式:序贯蒙特卡洛PHD^[5], 也称概率假设密度粒子滤波(Particle Filter PHD, PF-PHD),和高斯混合PHD^[6](Gaussian Mixture PHD,GM-PHD),使得基于FISST的多目标跟踪 方法向工程应用迈进了一大步。

在 PHD 的检测前跟踪应用方面, Punithakumar K 在文献[7]中首次将 PF-PHD 应用于红外 图像的多目标 TBD 中,提出了 PF-PHD-TBD 方法。该方法引入多目标跟踪的思想,建立起目 标的运动模型和传感器测量模型,在信噪比较 低的情况下取得了较好的效果,证明了 PF-PHD-TBD 方法在多个微弱目标检测及跟踪方面 的有效性。由于该方法对目标数目和状态的估计 精度还不够高,文献[8-12]等又各自从不同角度 对 PF-PHD-TBD 算法进行改进,并分别取得了 一定效果。

目前,PF-PHD-TBD性能表现不佳的原因,除 了信号层观测模型建立不准确导致的测量值不满 足理论假设外,其仅仅采用基本粒子滤波实现对 PHD 近似也是一个重要原因。尤其当目标维数较 高时,不仅计算复杂,而且对权重起作用的因素往 往只是与测量值有直接关联的状态矢量,与测量 无关的状态矢量没有被充分利用,由此导致粒子 权重之和即目标的数目估计不准确,从而造成聚 类不稳定和状态估计精度低等问题。Rao-Blackwellised 粒子滤波(RBPF)^[13-15]被认为是通过边缘 化线性变量减少状态空间维数的有效办法。与基 本粒子滤波相比,它将目标的状态空间进行降维 分解,分别运用线性与非线性滤波器进行处理,显 著降低了粒子状态维数,减少了所需粒子数和计 算量,并且充分利用各维状态矢量的信息,提高了 状态估计精度。在 RBPF 滤波与随机有限集结合 方面,文献「16-17]分别作出了尝试,将 RBPF 应用 于多目标的跟踪,取得了不错的效果,但是目前尚 未见到 RBPF 应用于随机集多目标检测前跟踪的 相关文献。因此,本文提出一种结合 RBPF 的 PF-PHD-TBD 方法,用于改进随机集框架下多目标 检测前跟踪的性能。

1 状态模型及观测模型建立

1.1 目标运动模型

假设在 k 时刻目标的数目为 N_k ,目标的状态 为 5 维向量:

 $x_{k}^{\rho} = [x_{k}^{\rho} \ x_{k}^{\rho} \ y_{k}^{\rho} \ y_{k}^{\rho} \ I_{k}^{\rho}]^{T}, p = 1, \dots, N_{k}$ 其中, $(x_{k}^{\rho}, y_{k}^{\rho}), (x_{k}^{\rho}, y_{k}^{\rho})$ 和 I_{k}^{ρ} 分别表示目标的位 置、速度和信号强度。通常情况下,不考虑机动时 目标可近似为匀速直线运动:

$$\boldsymbol{x}_{k}^{p} = \boldsymbol{F}\boldsymbol{x}_{k-1}^{p} + \boldsymbol{G}(\boldsymbol{x}_{k-1}^{p})\boldsymbol{u}_{k-1}$$

$$\tag{1}$$

式中, F 为状态转移矩阵, u_k 为独立的高斯白噪 声。 $u_k \sim N(0, Q_k)$,其中 Q_k 为噪声协方差。包含 所有目标的观测集合为

 $\boldsymbol{X}_{k} = \{ \boldsymbol{x}_{k}^{p}, p = 1, 2, \cdots, N_{k} \}$ $\begin{bmatrix} 1 & T & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$

1.2 传感器观测模型

将回波信号表示为距离-多普勒-方位域的观测数据。设单元(i, j, l)($i = 1, \dots, N_r, j = 1, \dots, N_d, l = 1, \dots, N_b, j = 1, \dots, N_d$ 和 N_b 分别表示距离、 多普勒和方位的维数)处的功率观测值 $z_k^{(i,j,l)}$ 为

$$z_{k}^{(i,j,l)} = |z_{A,k}^{(i,j,l)}|^{2}$$
(2)

$$\boldsymbol{z}_{A,k}^{(i,j,l)} = \begin{cases} \sum_{p=1}^{N_k} A_k^p h_A^p (\boldsymbol{x}_k^p) + v_k^{(i,j,l)}, & H_1 \\ v_k^{(i,j,l)}, & H_0 \end{cases}$$
(3)

式中, H₁, H₀ 分别表示存在和不存在目标, $v_{k}^{(i,j,l)}$ 为(i, j, l) 处的观测噪声。若以 $z_{k} = \{z_{k}^{(i,j,l)}, i = 1, \dots, N_{t}, j = 1, \dots, N_{d}, l = 1, \dots, N_{b}\}$ 表示 k 时刻的 所有量测,则联合似然函数为

$$p(\boldsymbol{z}_{k} | \boldsymbol{X}_{k}, \boldsymbol{H}_{1}) = \prod_{i=1}^{N_{r}} \prod_{j=1}^{N_{d}} \prod_{l=1}^{N_{b}} p(\boldsymbol{z}_{k}^{(i,j,l)}) | \boldsymbol{X}_{k}) \quad (4)$$

如果用 $C_r(s_k), C_d(s_k), C_b(s_k)$ 分别表示目标实际 影响到的区域,则联合似然比的计算可简化为

$$l(\boldsymbol{z}_{k} \mid \boldsymbol{X}_{k}) \approx \prod_{i \in C_{\mathsf{r}}^{(s_{k})}} \prod_{j \in C_{\mathsf{d}}^{(s_{k})}} \prod_{l \in C_{\mathsf{b}}^{(s_{k})}} \frac{p(\boldsymbol{z}_{k}^{(i,j,l)} \mid \mathsf{H}_{1})}{p(\boldsymbol{z}_{k}^{(i,j,l)} \mid \mathsf{H}_{0})}$$
(5)

2 PF-PHD-TBD 算法

在k-1时刻用一组有权重的粒子[$\mathbf{x}_{k-1}^{(p)}, \boldsymbol{\omega}_{k-1}^{(p)}$]

$$D_{k-1}(\mathbf{x}_{k-1}, Z_{1,k-1}) = \sum_{p=1}^{L_{k-1}} \omega_{k-1}^{(p)} \delta(\mathbf{x}_{k-1} - \mathbf{x}_{k-1}^{(p)}) \quad (6)$$
状态预测:

设k-1时刻有 L_{k-1} 个粒子,k时刻新生粒子的采样数为 J_k ,则预测密度为

$$D_{k|k-1}(\mathbf{x}_{k|k-1}, \mathbf{Z}_{1:k-1}) = \sum_{p=1}^{J_k+L_{k-1}} \omega_{k|k-1}^{(p)} \delta(\mathbf{x}_{k|k-1} - \mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)})$$
(7)
其中,对于存活粒子 $p = 1, 2, \cdots, L_{k-1},$ 按下式采样:
 $\mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)} \sim q_k^{(p)}(\cdot | \mathbf{x}_{k-1|k-1}^{(p)}, \mathbf{Z}_k)$ (8)

并计算其权重为

$$\boldsymbol{\omega}_{k|k-1}^{(p)} = \frac{\boldsymbol{\omega}_{k-1}^{(p)} f_{k|k-1} (\boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(p)} | \boldsymbol{x}_{k-1|k-1}^{(p)}) \boldsymbol{p}_{s}}{\boldsymbol{q}_{k}^{(p)} (\boldsymbol{x}_{k}^{(p)} | \boldsymbol{x}_{k-1|k-1}^{(p)}, \boldsymbol{Z}_{k})}$$
(9)

对于新生粒子 $p=L_{k-1}+1, \cdots, L_{k-1}+J_k$,按下式采样: $\mathbf{x}_{k|k-1}^{\rho} \sim p_k(\cdot \mid Z_k)$ (10)

并计算其权重为

$$\omega_{k|k-1}^{(p)} = \frac{r_k(\boldsymbol{x}_k^{(p)})}{p_k(\boldsymbol{x}_k^{(p)}) \mid Z_k}$$
(11)

状态更新:

对于k时刻粒子 $p=1,\dots,L_{k-1}+J_k$ 的更新权 重可由下式计算:

$$\boldsymbol{\omega}_{k}^{(p)} = \frac{\prod_{i \in T_{i}(\boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(p)})} \prod_{j \in T_{j}(\boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(p)})} g(\boldsymbol{z}_{k}^{(i,j)} | \boldsymbol{x}_{k|k-1}^{(p)})}{\lambda_{k} + \rho_{k}(\boldsymbol{z}_{k}^{(i_{0},j_{0})})} \boldsymbol{\omega}_{k|k-1}^{(p)}$$
(12)

式中, λ_{k} 为杂波分布的归一化常数,通常设为1, $\rho_{k}(z_{k}^{(i_{0}, j_{0})}) =$

 $\sum_{\substack{\mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)} \in P^{(i_0,j_0)} \\ i \in T_i(\mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)})}} \prod_{i \in T_j(\mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)})} \prod_{j \in T_j(\mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)})} g(\mathbf{z}_k^{(i,j)} | \mathbf{x}_{k|k-1}^{(p)}) \omega_{k|k-1}^{(p)}}$ $(E - \mathcal{A} \overset{(p)}{\#} \overset{(p)}{=} \overline{(i_0,j_0)} \overset{(p)}{\to} \overset{(p)}{=} N \overset{(p)}{=} \mathcal{A} \overset{(p)}{=} \mathcal{A}$

3 RBPF-PHD-TBD 算法

将 RBPF 滤波与 PF-PHD-TBD 方法相结合, 其主要思想是在粒子的预测和更新过程中,用 RBPF 取代基本粒子滤波,充分利用线性状态与非 线性状态的关联特性,提高权重计算的准确度。 其详细计算步骤如下:

步骤1 状态预测

对于 k 时刻"存活"粒子,先将其状态向量进 行分割, $x_k = [x_k^i; x_k^n], x_k^i 和 x_k^n$ 分别表示向量 x_k 在 k 时刻的线性和非线性部分,则粒子的状态方程 和测量方程改写如下:

$$\boldsymbol{x}_{k}^{n} = f^{n}(\boldsymbol{x}_{k-1}^{n}) + \boldsymbol{F}^{n}(\boldsymbol{x}_{k-1}^{n}) \boldsymbol{x}_{k-1}^{l} + \boldsymbol{G}^{n}(\boldsymbol{x}_{k-1}^{n}) \boldsymbol{u}_{k-1}^{n} \quad (13)$$

 $\mathbf{x}_{k}^{l} = f^{l}(\mathbf{x}_{k-1}^{n}) + \mathbf{F}^{l}(\mathbf{x}_{k-1}^{n})\mathbf{x}_{k-1}^{l} + \mathbf{G}^{l}(\mathbf{x}_{k-1}^{n})\mathbf{u}_{k-1}^{l}$ (14) $\mathbf{y}_{k} = h(\mathbf{x}_{k}^{n}) + \mathbf{C}(\mathbf{x}_{k}^{n})\mathbf{x}_{k}^{l} + \mathbf{v}_{k}$ (15)

式中,
$$\boldsymbol{u}_{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{u}_{k}^{l} \\ \boldsymbol{u}_{k}^{n} \end{bmatrix} \sim N(0, \boldsymbol{Q}_{k}), \boldsymbol{Q}_{k} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{Q}_{k}^{l} & \boldsymbol{Q}_{k}^{nl} \\ (\boldsymbol{Q}_{k}^{nl})^{\mathrm{T}} & \boldsymbol{Q}_{k}^{nl} \end{bmatrix};$$

 $\boldsymbol{v}_{k} \sim N(0, \boldsymbol{R}_{k})_{0}$

对于非线性部分 x^{*},抽取新生粒子:

$$P(\boldsymbol{x}_{k+1}^{n} | \boldsymbol{x}_{k}^{n}, \boldsymbol{Z}_{k}) = N(f^{n} + \boldsymbol{F}^{n} \boldsymbol{x}_{k}^{l}, \boldsymbol{F}^{n} \boldsymbol{P}_{k} (\boldsymbol{F}^{n})^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{G}^{n} \boldsymbol{Q}_{k}^{n} (\boldsymbol{G}^{n})^{\mathrm{T}})$$
(16)

对于线性部分 x¹,进行卡尔曼滤波预测:

$$\boldsymbol{n}_{k} = \boldsymbol{F}^{n} \boldsymbol{P}_{k} (\boldsymbol{F}^{n})^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{G}^{n} \boldsymbol{Q}_{k}^{n} (\boldsymbol{G}^{n})^{\mathrm{T}}$$
(17)

$$\boldsymbol{L}_{k} = \overline{\boldsymbol{F}}^{l} \boldsymbol{P}_{k} (\boldsymbol{F}^{n})^{\mathrm{T}} \boldsymbol{n}_{k}^{-1}$$
(18)

$$\mathbf{x}_{k+1|k}^{k} = \overline{\mathbf{F}}^{t} \mathbf{x}_{k}^{t} + \mathbf{G}^{t} (\mathbf{Q}_{k}^{nt})^{\mathrm{T}} (\mathbf{G}^{n} \mathbf{Q}_{k}^{n})^{-1} \mathbf{z}_{k} + f^{t} + \mathbf{L}_{k} (\mathbf{z}_{k} - \mathbf{F}^{n} \mathbf{x}_{k}^{t})$$
(19)

 $\boldsymbol{P}_{k+1|k} = \overline{\boldsymbol{F}}^{n} \boldsymbol{P}_{k} (\overline{\boldsymbol{F}}^{t})^{\mathrm{T}} + \boldsymbol{G}^{t} \overline{\boldsymbol{Q}}_{k}^{t} (\boldsymbol{G}^{t})^{\mathrm{T}} - \boldsymbol{L}_{k} \boldsymbol{n}_{k} \boldsymbol{L}_{k}^{\mathrm{T}}$ (20)

式中,
$$\mathbf{F}^{l} = \mathbf{F}^{l} - \mathbf{G}^{l} (\mathbf{Q}_{k}^{nl})^{\mathrm{T}} (\mathbf{G}^{n} \mathbf{Q}_{k}^{n})^{-1} \mathbf{F}^{n}$$

$$\overline{\boldsymbol{Q}}_{k}^{l} = \boldsymbol{Q}_{k}^{l} - (\boldsymbol{Q}_{k}^{nl})^{\mathrm{T}} (\boldsymbol{Q}_{k}^{n})^{-1} \boldsymbol{Q}_{k}^{nl}$$

对所有的 k 时刻"存活" 粒子,根据式(9) 计算粒子的权重。

对于 k 时刻"新生" 粒子,根据"新生" 粒子初 始化方法求取其状态分布和协方差,即

步骤 2 状态更新

对于 k + 1 时刻所有的"存活"粒子和"新生" 粒子,根据式(12) 计算粒子的权重,经过重采样之 后提取权重较大的粒子的非线性状态作为更新后 粒子的非线性状态;然后,对粒子线性部分的均值 和协方差作卡尔曼滤波更新:

$$\mathbf{K}_{k+1} = \mathbf{P}_{k+1|k} \mathbf{C}^{\mathrm{T}} (\mathbf{C} \mathbf{P}_{k+1|k} \mathbf{C}^{\mathrm{T}} + \mathbf{R}_{k+1})^{-1}$$
(22)

$$\mathbf{x}_{k+1}^{l} = \mathbf{x}_{k+1|k}^{l} + K_{k+1}(\mathbf{z}_{k+1} - h - C\mathbf{x}_{k+1|k}^{l})$$
 (23)

$$\boldsymbol{P}_{k+1} = (\boldsymbol{I} - \boldsymbol{K}_{k+1}\boldsymbol{C})\boldsymbol{P}_{k+1|k}$$
(24)

4 仿真验证

假设在雷达的观察区域内存在4个目标,各个 目标在不同的时刻出现和消失,即目标数是时变 的;4个目标的幅度是固定的,且都设为20;背景噪 声方差根据目标功率和信噪比产生,信噪比计算 公式为 $SNR = 10 \log(P/2\sigma^2)$,且SNR = 9 dB;仿真 时间为40帧,当前目标在下一时刻的存活概率为 $e_{k|k-1} = 0.95$;不考虑目标分裂的情况,每一帧新生 目标数目服从均值0.2的泊松过程;设定初始存 活粒子数 $L_{k} = 2\,000$,每一帧新生粒子采样数 $J_{k} = 2\,000$,初始存活粒子与新生粒子均服从观测区域上的平均分布。观察区域大小为 40 km×60 km。 具体场景设置如表 1 所示。

表1 目标运动状态设定

目标	初始状态	出现帧	消失帧
1	$[1 \ 1.5 \ 25 \ 0 \ 20]^{\mathrm{T}}$	3	20
2	$[1 \ 1.3 \ 18 \ -0.8 \ 20]^{\mathrm{T}}$	10	33
3	$[1 \ 2 \ 35 \ 0 \ 20]^{\mathrm{T}}$	16	33
4	$\begin{bmatrix} 1 & 1.5 & 40 & 0.5 & 20 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}}$	10	26

目标满足近似匀速运动模型,

 $\boldsymbol{X}_{k}^{p} = \boldsymbol{F} \boldsymbol{X}_{k-1}^{p} + \boldsymbol{\omega}_{k}, \ p = 1, 2, \cdots, N_{k}$ (25) 式中, $\boldsymbol{\omega}_{k}$ 为零均值高斯白噪声,其协方差为 Q,且 $\boldsymbol{Q} = \operatorname{diag} \begin{bmatrix} \boldsymbol{Q}_{1} & \boldsymbol{Q}_{1} & \boldsymbol{q}_{2} T \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{Q}_{1} = \boldsymbol{q}_{1} \cdot \begin{bmatrix} T^{3}/3 & T^{2}/2 \\ T^{2}/2 & T \end{bmatrix},$ 其中, T = 1 s, $\boldsymbol{q}_{1} = 0.001, \ \boldsymbol{q}_{2} = 0.01$ 。

根据 RBPF 滤波思想可以将目标状态改写为 $X_{k} = [x^{"}, x^{i}]^{T}, 其中 x^{"} = [x y I]$ 表示与量测有 关的目标位置与强度信息, $x^{i} = [\dot{x}, \dot{y}]$ 表示独立 于量测的目标速度信息。改写后的动态方程为

$$\mathbf{x}_{k}^{n} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & \mathbf{x}_{k-1}^{n} + \begin{bmatrix} T & 0 \\ 0 & T & \mathbf{x}_{k-1}^{l} + \mathbf{\omega}_{k}^{n} & (26) \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$
$$\mathbf{x}_{k}^{l} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 & \mathbf{x}_{k-1}^{l} + \mathbf{\omega}_{k}^{l} & (27) \end{bmatrix}$$

通过将目标的状态方程和量测方程与式(13) ~(15)比较可以得到各个状态转移矩阵如式(28) 所示;将式(28)中各公式代入式(16)~(24)可对 RBPF-PHD-TBD的算法步骤进行简化。

$$\boldsymbol{f}^{n} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{F}^{n} = \begin{bmatrix} T & 0 \\ 0 & T \\ 0 & 0 \end{bmatrix}, \quad \boldsymbol{f}^{t} = 0,$$
$$\boldsymbol{F}^{t} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C(x_{k}^{n}) = 0$$
(28)

对于单目标检测前跟踪,其评价指标通常为 最小均方误差;对于多目标检测前跟踪,其评价指 标不容易定义,这是因为算法在估计每一个目标 状态的同时还要估计目标的数目(集合的势),而 真实目标状态的集合和估计得到的目标状态集合 的势并不一定相等。目前评估多目标跟踪性能的 方法有很多,比如最优子模式指派距离,Hausdorff 距离和 Wasserstein 距离等。本文中采用 Wasserstein距离,其定义为任意两个非空子集 \hat{X} , $X \perp$,

$$d_{p}(\hat{X}, X) = \min_{c} \sqrt[p]{\sum_{i=1}^{|X|} \sum_{j=1}^{|X|} C_{i,j} \|\hat{x}_{i} - x_{j}\|^{p}}$$
(29)
仿真结果如图 1 ~ 图 5 及妻 2 所示.

图 1 为两种算法分别对目标进行跟踪得到的粒 子云状态。其中,深色的表示 PF-PHD-TBD,浅色的 表示 RBPF-PHD-TBD。可以看到,两种算法都能较 好地检测并跟踪到目标,但是 PF-PHD-TBD 出现了 许多错误的粒子云,将会输出错误点迹,而 RBPF-PHD-TBD 的粒子云与目标位置完全相符,不会输 出错误点迹;并且,就粒子云的体积来看,RBPF-PHD-TBD 明显小于 PF-PHD-TBD,即粒子分布更 加集中,这是由于其状态估计的协方差更小。图 2 为对粒子提取状态后分解到两个坐标轴之后的跟踪 点迹,深色的表示 PF-PHD-TBD,浅色的表示 RB-PF-PHD-TBD。可以看到,与图 1 所示本质上一致, 即两种算法都能跟踪上目标,但是 PF-PHD-TBD 会 输出许多错误点迹,从而造成虚警。



图 3 为 10 次仿真后两种算法估计的目标数目 平均值,从总体上看,RBPF-PHD-TBD 的估计更 加准确,与目标真实数目更加接近,这是由于其充 分利用了各维状态信息,通过状态之间的关联实 现粒子权重的更准确计算。



从上述 3 张图中还可以看到, PF-PHD-TBD 对目标数目的变化非常灵敏, 一是能够在接近目 标出现的时刻作出数目估计, 并跟踪上目标; 二是 在有目标消失的时刻也响应迅速, 但是却存在目 标估计数变化剧烈、估计不准确的问题。相比之 下, RBPF-PHD-TBD 在开始时刻则有几帧延迟, 需要多帧积累之后才作出响应, 在其他时刻, 对目 标数目变化的响应也比较稳健, 因此当有目标出 现或消失时变化并不像 PF-PHD-TBD 一样剧烈。

图 4 为 10 次仿真中脱靶距离比较,可以看到 在目标存在的大部分时刻,RBPF-PHD-TBD 的跟 踪误差都明显小于 PF-PHD-TBD。



对两种算法的运行时间进行统计,求出 10 次 实验中的运行时间并取平均值。所用电脑配置为: 处理器,Core i5-4570 3. 20GHz;操作系统,Win7 旗舰版 64 位(DirectX 11);内存,8 GB(DDR3 1 600 MHz)。

表 2 为 10 次实验的平均运行时间,可以求出 RBPF-PHD-TBD 的运行时间大致为 PF-PHD-TBD 的 37.8%。图 5 为每一次实验的运行时间, 其中横轴上序号 11 表示的是 10 次实验的平均运 行时间。从表 2 与图 5 可以看到,采用 RBPF 滤波 显著降低了算法的计算负担,提高了实时性。

表 2 两种算法平均运行时间



5 结束语

本文提出了一种采用 Rao-Blackwellised 粒子滤 波的 PHD 多目标检测前跟踪改进方法。该方法将 目标的多维状态空间进行分解,分别用线性和非 线性滤波器进行跟踪,降低了传统 PF-PHD-TBD 的运算复杂度,使其运算时间降低为原来的大约 37.8%;同时,由于充分利用了各维状态信息及状 态关联特性,其对目标数目的估计更加准确,状态 估计方差更小,粒子云更加集中,跟踪精度更高。

参考文献:

[1] 王云奇,孔令讲,易伟,等. 一种耦合检测和 JPDA 滤 波的多目标跟踪算法[J]. 雷达科学与技术, 2014, 12 (2):143-148.

WANG Yuqi, KONG Lingjiang, YI Wei, et al. Integration of Detection with JPDAF for Multi-Target Tracking[J]. Radar Science and Technology, 2014, 12(2):143-148. (in Chinese)

[2] 尹帅,袁俊泉,吴顺华,等.一种改进的 JIPDA 多目标
 跟踪算法[J]. 雷达科学与技术, 2014, 12(3):285- 290.

YIN Shuai, YUAN Junquan, WU Shunhua, et al. An Improved JIPOA Algorithm for Multi-Target Tracking[J]. Radar Science and Technology, 2014, 12(3): 285-290. (in Chinese)

- [3] BOERS Y, DRIESSEN J N. Multitarget Particle Filter Track-Before-Detect Application[J]. IEE Proceedings Radar, Sonar and Navigation, 2004, 151(6):351-357.
- [4] MAHLER R. Multitarget Bayes Filtering via First-Order Multitarget Moments[J]. IEEE Trans on Aerospace and Electronics Systems, 2003, 39(4):1152-1178.
- [5] VO B N, SINGH S, DOUCET A. Sequential Monte Carlo Methods for Multitarget Filtering with Random Finite Sets[J]. IEEE Trans on Aerospace and Electronics Systems, 2005, 41(4):1224-1245.
- [6] VO B N, MA W K. The Gaussian Mixture Probability Hypothesis Density Filter[J]. IEEE Trans on Signal Processing, 2006, 54(11):4091-4104.
- [7] PUNITHAKUMAR K, KIRUBARAJAN T, SINHA A. A Sequential Monte Carlo Probability Hypothesis Density Algorithm for Multitarget Track-Before-Detect[C]//17th Conference on Signal and Data Processing of Small Targets, San Diego, CA: SPIE, 2005:1-8.
- [8] HABTEMARIAM B K, THARMARASA R, KIRUBARAJAN T. PHD Filter Based Track-Before-Detect for MIMO Radars[J]. Signal Processing, 2012, 92(3):667-678.
- [9] 林再平,周一宇,安玮.改进的概率假设密度滤波多目 标检测前跟踪算法[J].红外与毫米波学报,2012,31 (5):475-480.
- [10] 占荣辉,刘盛启,欧建平,等. 基于序贯蒙特卡罗概率 假设密度滤波的多目标检测前跟踪改进算法[J]. 电 子与信息学报,2014,36(11):2593-2599.
- [11] 林再平,周一宇,安玮,等. 基于概率假设密度滤波平

滑器的检测前跟踪算法[J]. 光学学报, 2012, 32 (10):1-8.

- [12] LEHMANN F. Recursive Bayesian Filtering for Multitarget Track-Before-Detect in Passive Radars
 [J]. IEEE Trans on Aerospace and Electronics Systems, 2012, 48(3):2458-2480.
- [13] 胡振涛,付春玲,刘先省.基于 RB 粒子滤波的多传 感器目标跟踪融合算法[J].光电子·激光,2012, 23(3):566-571.
- [14] GONZALEZ-DUARTE S, CHACON-MURGUIA M I. Rao-Blackwellized Particle Filter for Multiple Object Tracking in Video Analysis[C] // 11th International Conference on Electrical Engineering, Computing Science and Automatic Control, Campeche: IEEE, 2014:978-985.
- [15] 赵增顺,林艳艳,冯翔,等. 基于高斯粒子群优化的 RBPF滤波算法[J]. 计算机应用研究, 2015, 32 (2):423-426.
- [16] VIHOLA M. Rao-Blackwellised Particle Filtering in Random Set Multitarget Tracking[J]. IEEE Trans on Aerospace and Electronics Systems, 2007, 43(2): 689-705.
- [17] 庄泽森,张建秋,尹建君. Rao-Blackwellised 粒子概
 率假设密度滤波算法[J]. 航空学报, 2009, 30(4):
 698-705.

作者简介:



柳 超 男, 1984年生,山东宁阳 人,硕士研究生,工程师,主要研究方 向为海杂波中微弱目标检测、雷达数 据处理。

E-mail:jjgg_2001_ren@163.com



关键 男,1968年生,辽宁锦州人, 教授、博士生导师,主要研究方向为雷 达目标检测与跟踪、侦察图像处理和 信息融合,获全国优秀博士学位论文 奖,新世纪百千万人才工程国家级 人选。

黄 勇 男,1979年生,湖南汨罗人,博士,讲师,主要 研究方向为海杂波中目标检测、雷达数据处理。

王国庆 男,1980年生,山东潍坊人,博士,讲师,主要 研究方向为高速信号采集、雷达信号处理。